

**МИНИСТЕРСТВО ПРОСВЕЩЕНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**

**Департамент образования и науки Курганской области**

**Государственное казенное общеобразовательное учреждение «Вечерняя  
(сменная) общеобразовательная школа»**

**РАССМОТРЕНО**  
На заседании МО.  
Протокол № 2 от  
«25» августа 2023 г.

**ГОСУДАРСТВЕННОЕ  
КАЗЕННОЕ  
ОБЩЕОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ  
УЧРЕЖДЕНИЕ "ВЕЧЕРНЯЯ  
(СМЕННАЯ)  
ОБЩЕОБРАЗОВАТЕЛЬНАЯ  
ШКОЛА"**

Подписан: ГОСУДАРСТВЕННОЕ КАЗЕННОЕ  
ОБЩЕОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ "ВЕЧЕРНЯЯ  
(СМЕННАЯ) ОБЩЕОБРАЗОВАТЕЛЬНАЯ ШКОЛА"  
DN: C=RU, S=Курганская область, STREET="ул. 2-я Часовая, 40",  
L=Курган, T=Директор, O="ГОСУДАРСТВЕННОЕ КАЗЕННОЕ  
ОБЩЕОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ "ВЕЧЕРНЯЯ  
(СМЕННАЯ) ОБЩЕОБРАЗОВАТЕЛЬНАЯ ШКОЛА"  
ОГРН=1024500522606, СНИЛС=05207266531, ИНН  
ЮЛ=4501096004, ИНН=450142460944, E=duzina12@mail.ru,  
O=Евгений Анатольевич, Ш=Шевурдин, SN="ГОСУДАРСТВЕННОЕ  
КАЗЕННОЕ ОБЩЕОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ""  
ВЕЧЕРНЯЯ (СМЕННАЯ) ОБЩЕОБРАЗОВАТЕЛЬНАЯ ШКОЛА""  
Основание: Я являюсь автором этого документа  
Местоположение: место подписания  
Дата: 2023.10.30 14:44:33+0500  
Foxit Reader Версия: 10.1.1

**УТВЕРЖДЕНО**  
Директор ГКОУ  
«В(С)ОШ»  
Приказ № 49 от  
«31» августа 2023 г.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА**

(ID 781616)

**учебного предмета «Алгебра и начала математического анализа».**

**Базовый уровень**

для обучающихся 10 - 12 классов

**г. Курган 2023 г.**

## **ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА**

Рабочая программа учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» базового уровня для обучающихся 10-12 классов разработана на основе Федерального государственного образовательного стандарта среднего общего образования, с учётом современных мировых требований, предъявляемых к математическому образованию, и традиций российского образования. Реализация программы обеспечивает овладение ключевыми компетенциями, составляющими основу для саморазвития и непрерывного образования, целостность общекультурного, личностного и познавательного развития личности обучающихся.

### **ЦЕЛИ ИЗУЧЕНИЯ УЧЕБНОГО КУРСА**

Курс «Алгебра и начала математического анализа» является одним из наиболее значимых в программе старшей школы, поскольку, с одной стороны, он обеспечивает инструментальную базу для изучения всех естественно-научных курсов, а с другой стороны, формирует логическое и абстрактное мышление учащихся на уровне, необходимом для освоения курсов информатики, обществознания, истории, словесности. В рамках данного курса учащиеся овладевают универсальным языком современной науки, которая формулирует свои достижения в математической форме.

Курс алгебры и начал математического анализа закладывает основу для успешного овладения законами физики, химии, биологии, понимания основных тенденций экономики и общественной жизни, позволяет ориентироваться в современных цифровых и компьютерных технологиях, уверенно использовать их в повседневной жизни. В тоже время овладение абстрактными и логически строгими математическими конструкциями развивает умение находить закономерности, обосновывать истинность утверждения, использовать обобщение и конкретизацию, абстрагирование и аналогию, формирует креативное и критическое мышление. В ходе изучения алгебры и начал математического анализа в старшей школе учащиеся получают новый опыт решения прикладных задач, самостоятельного построения математических моделей реальных ситуаций и интерпретации полученных решений, знакомятся с примерами математических закономерностей в природе, науке и в искусстве, с выдающимися математическими открытиями и их авторами.

Курс обладает значительным воспитательным потенциалом, который реализуется как через учебный материал, способствующий формированию научного мировоззрения, так и через специфику учебной деятельности, требующей самостоятельности, аккуратности, продолжительной концентрации внимания и ответственности за полученный результат.

В основе методики обучения алгебре и началам математического анализа лежит деятельностный принцип обучения.

Структура курса «Алгебра и начала математического анализа» включает следующие содержательно-методические линии: «Числа и вычисления», «Функции и графики», «Уравнения и неравенства», «Начала математического анализа», «Множества и логика». Все основные содержательно-методические линии изучаются на протяжении двух лет обучения в старшей школе, естественно дополняя друг друга и постепенно насыщаясь новыми темами и разделами. Данный курс является интегративным, поскольку объединяет в себе содержание нескольких математических дисциплин: алгебра, тригонометрия, математический анализ, теория множеств и др. По мере того как учащиеся овладевают всё более широким математическим аппаратом, у них последовательно формируется и совершенствуется умение строить математическую модель реальной ситуации, применять знания, полученные в курсе «Алгебра и начала математического анализа», для решения самостоятельно сформулированной математической задачи, а затем интерпретировать полученный результат.

Содержательно-методическая линия «Числа и вычисления» завершает формирование навыков использования действительных чисел, которое было начато в основной школе. В старшей школе особое внимание уделяется формированию прочных вычислительных навыков, включающих в себя использование различных форм записи действительного числа, умение рационально выполнять действия с ними, делать прикидку, оценивать результат. Обучающиеся получают навыки приближённых вычислений, выполнения действий с числами, записанными в стандартной форме, использования математических констант, оценивания числовых выражений.

Линия «Уравнения и неравенства» реализуется на протяжении всего обучения в старшей школе, поскольку в каждом разделе программы предусмотрено решение соответствующих задач. Обучающиеся овладевают различными методами решения целых, рациональных, иррациональных, показательных, логарифмических и тригонометрических уравнений, неравенств и их систем. Полученные умения используются при исследовании функций с помощью производной, решении прикладных задач и задач нахождение наибольших и наименьших значений функции. Данная содержательная линия включает в себя также формирование умений выполнять расчёты по формулам, преобразования целых, рациональных, иррациональных и тригонометрических выражений, а также выражений, содержащих степени и логарифмы. Благодаря изучению алгебраического материала происходит дальнейшее развитие алгоритмического и абстрактного мышления учащихся, формируются навыки дедуктивных рассуждений, работы с символьными формами, представления закономерностей и зависимостей в виде равенств и неравенств. Алгебра предлагает эффективные инструменты для решения практических и естественно-научных задач, наглядно демонстрирует свои возможности как языка науки.

Содержательно-методическая линия «Функции и графики» тесно переплетается с другими линиями курса, поскольку в каком-то смысле задаёт последовательность изучения материала. Изучение степенной, показательной, логарифмической и тригонометрических функций, их свойств и графиков, использование функций для решения задач из других учебных предметов и реальной жизни тесно связано как с математическим анализом, так и с решением уравнений и неравенств. При этом большое внимание уделяется формированию умения выражать формулами зависимости между различными величинами, исследовать полученные функции, строить их графики. Материал этой содержательной линии нацелен на развитие умений и навыков, позволяющих выражать зависимости между величинами в различной форме: аналитической, графической и словесной. Его изучение способствует развитию алгоритмического мышления, способности к обобщению и конкретизации, использованию аналогий.

Содержательная линия «Начала математического анализа» позволяет существенно расширить круг как математических, так и прикладных задач, доступных обучающимся, у которых появляется возможность исследовать и строить графики функций, определять их наибольшие и наименьшие значения, вычислять площади фигур и объёмы тел, находить скорости и ускорения процессов. Данная содержательная линия открывает новые возможности построения математических моделей реальных ситуаций, нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах. Знакомство с основами математического анализа способствует развитию абстрактного, формально-логического и креативного мышления, формированию умений распознавать проявления законов математики в науке, технике и искусстве. Обучающиеся узнают о выдающихся результатах, полученных в ходе развития математики как науки, и их авторах.

Содержательно-методическая линия «Множества и логика» в основном посвящена элементам теории множеств. Теоретико-множественные представления пронизывают весь курс школьной математики и предлагают наиболее универсальный язык, объединяющий все разделы математики и её приложений, они связывают разные математические дисциплины в единое целое. Поэтому важно дать возможность школьнику понимать теоретико-множественный язык современной математики и использовать его для выражения своих мыслей.

В курсе «Алгебра и начала математического анализа» присутствуют также основы математического моделирования, которые призваны сформировать навыки построения моделей реальных ситуаций, исследования этих моделей с помощью аппарата алгебры и математического анализа и интерпретации полученных результатов. Такие задания вплетены в каждый из разделов программы, поскольку весь материал курса широко используется для решения прикладных задач. При решении реальных практических задач учащиеся

развивают наблюдательность, умение находить закономерности, абстрагироваться, использовать аналогию, обобщать и конкретизировать проблему. Деятельность по формированию навыков решения прикладных задач организуется в процессе изучения всех тем курса «Алгебра и начала математического анализа».

## **МЕСТО УЧЕБНОГО КУРСА В УЧЕБНОМ ПЛАНЕ**

В учебном плане на изучение курса алгебры и начал математического анализа на базовом уровне отводится 2 часа в неделю в 10 классе, 2 часа в неделю в 11 классе, 2 часа в неделю в 12 классе, всего 204 часа.

## **СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОГО КУРСА**

### **10 КЛАСС**

#### **Числа и вычисления**

Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби. Арифметические операции с рациональными числами, преобразования числовых выражений. Применение дробей и процентов для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни.

Действительные числа. Рациональные и иррациональные числа. Арифметические операции с действительными числами. Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений.

Степень с целым показателем. Стандартная форма записи действительного числа. Использование подходящей формы записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных.

Арифметический корень натуральной степени. Действия с арифметическими корнями натуральной степени.

Синус, косинус и тангенс числового аргумента. Арксинус, арккосинус, арктангенс числового аргумента.

#### **Уравнения и неравенства**

Тождества и тождественные преобразования.

Преобразование тригонометрических выражений. Основные тригонометрические формулы.

Уравнение, корень уравнения. Неравенство, решение неравенства. Метод интервалов.

Решение целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств.

Решение иррациональных уравнений и неравенств.

Решение тригонометрических уравнений.

Применение уравнений и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни.

#### **Функции и графики**

Функция, способы задания функции. График функции. Взаимно обратные функции.

Область определения и множество значений функции. Нули функции. Промежутки знакопостоянства. Чётные и нечётные функции.

Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график. Свойства и график корня  $n$ -ой степени.

Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента.

### **Начала математического анализа**

Последовательности, способы задания последовательностей. Монотонные последовательности.

Арифметическая и геометрическая прогрессии. Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия. Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии. Формула сложных процентов. Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера.

### **Множества и логика**

Множество, операции над множествами. Диаграммы Эйлера—Венна. Применение теоретико-множественного аппарата для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов.

Определение, теорема, следствие, доказательство.

## **11 КЛАСС**

### **Числа и вычисления**

Степень с рациональным показателем. Свойства степени.

Логарифм числа. Десятичные и натуральные логарифмы.

### **Уравнения и неравенства**

Преобразование выражений, содержащих логарифмы.

Преобразование выражений, содержащих степени с рациональным показателем.

Примеры тригонометрических неравенств.

Показательные уравнения и неравенства.

Логарифмические уравнения и неравенства.

### **Функции и графики**

Функция. Периодические функции. Промежутки монотонности функции. Максимумы и минимумы функции. Наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке.

Тригонометрические функции, их свойства и графики.

Показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики.

### **Начала математического анализа**

Непрерывные функции. Метод интервалов для решения неравенств.

Производная функции. Геометрический и физический смысл производной.

Производные элементарных функций. Формулы нахождения производной суммы, произведения и частного функций.

Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы. Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке.

Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах, для определения скорости процесса, заданного формулой или графиком.

## **12 КЛАСС**

### **Числа и вычисления**

Натуральные и целые числа. Признаки делимости целых чисел.

### **Уравнения и неравенства**

Системы линейных уравнений. Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений.

Системы и совокупности рациональных уравнений и неравенств.

Применение уравнений, систем и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни.

### **Функции и графики**

Использование графиков функций для решения уравнений и линейных систем.

Использование графиков функций для исследования процессов и зависимостей, которые возникают при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни.

### **Начала математического анализа**

Первообразная. Таблица первообразных.

Интеграл, его геометрический и физический смысл. Вычисление интеграла по формуле Ньютона—Лейбница.

## **ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

Освоение учебного предмета «Математика» должно обеспечивать достижение на уровне среднего общего образования следующих личностных, метапредметных и предметных образовательных результатов:

## **ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

Личностные результаты освоения программы учебного предмета «Математика» характеризуются:

Гражданское воспитание:

сформированностью гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена российского общества, представлением о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и пр.), умением взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением.

Патриотическое воспитание:

сформированностью российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностным отношением к достижениям российских математиков и российской математической школы, к использованию этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики.

Духовно-нравственного воспитания:

осознанием духовных ценностей российского народа; сформированностью нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельностью учёного; осознанием личного вклада в построение устойчивого будущего.

Эстетическое воспитание:

эстетическим отношением к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений; восприимчивостью к математическим аспектам различных видов искусства.

Физическое воспитание:

сформированностью умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственного отношения к своему здоровью (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность); физического совершенствования, при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью.

Трудовое воспитание:

готовностью к труду, осознанием ценности трудолюбия; интересом к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умением совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы; готовностью и способностью к математическому образованию и самообразованию на протяжении всей жизни; готовностью к активному участию в решении практических задач математической направленности.

Экологическое воспитание:

сформированностью экологической культуры, пониманием влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознанием глобального характера экологических проблем; ориентацией на применение математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирования поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды.

Ценности научного познания:



сформированностью мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, пониманием математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации; овладением языком математики и математической культурой как средством познания мира; готовностью осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

## МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Метапредметные результаты освоения программы учебного предмета «Математика» характеризуются овладением универсальными **познавательными** действиями, универсальными коммуникативными действиями, универсальными регулятивными действиями.

1) *Универсальные познавательные действия, обеспечивают формирование базовых когнитивных процессов обучающихся (освоение методов познания окружающего мира; применение логических, исследовательских операций, умений работать с информацией).*

Базовые логические действия:

- выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями; формулировать определения понятий; устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;
- воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие; условные;
- выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях; предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;
- делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;
- проводить самостоятельно доказательства математических утверждений (прямые и от противного), выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры; обосновывать собственные суждения и выводы;
- выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

Базовые исследовательские действия:

- использовать вопросы как исследовательский инструмент познания; формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;
- проводить самостоятельно спланированный эксперимент, исследование по установлению особенностей математического объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами;

- самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;
- прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

#### Работа с информацией:

- выявлять дефициты информации, данных, необходимых для ответа на вопрос и для решения задачи;
- выбирать информацию из источников различных типов, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;
- структурировать информацию, представлять её в различных формах, иллюстрировать графически;
- оценивать надёжность информации по самостоятельно сформулированным критериям.

2) *Универсальные коммуникативные действия, обеспечивают сформированность социальных навыков обучающихся.*

#### Общение:

- воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения; ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;
- в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения; сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций; в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;
- представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта; самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.

#### Сотрудничество:

- понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных задач; принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы; обобщать мнения нескольких людей;
- участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнениями, «мозговые штурмы» и иные); выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды; оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

3) *Универсальные регулятивные действия, обеспечивают формирование смысловых установок и жизненных навыков личности.*

Самоорганизация:

составлять план, алгоритм решения задачи, выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

Самоконтроль:

- владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов; владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;
- предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, найденных ошибок, выявленных трудностей;
- оценивать соответствие результата цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения результатов деятельности, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

## **ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

Освоение учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» на уровне среднего общего образования должно обеспечивать достижение следующих предметных образовательных результатов:

### **10 КЛАСС**

#### **Числа и вычисления**

Оперировать понятиями: рациональное и действительное число, обыкновенная и десятичная дробь, проценты.

Выполнять арифметические операции с рациональными и действительными числами.

Выполнять приближённые вычисления, используя правила округления, делать прикидку и оценку результата вычислений.

Оперировать понятиями: степень с целым показателем; стандартная форма записи действительного числа, корень натуральной степени; использовать подходящую форму записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных.

Оперировать понятиями: синус, косинус и тангенс произвольного угла; использовать запись произвольного угла через обратные тригонометрические функции.

#### **Уравнения и неравенства**

Оперировать понятиями: тождество, уравнение, неравенство; целое, рациональное, иррациональное уравнение, неравенство; тригонометрическое уравнение;

Выполнять преобразования тригонометрических выражений и решать тригонометрические уравнения.

Выполнять преобразования целых, рациональных и иррациональных выражений и решать основные типы целых, рациональных и иррациональных уравнений и неравенств.

Применять уравнения и неравенства для решения математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни.

Моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры.

### **Функции и графики**

Оперировать понятиями: функция, способы задания функции, область определения и множество значений функции, график функции, взаимно обратные функции.

Оперировать понятиями: чётность и нечётность функции, нули функции, промежутки знакопостоянства.

Использовать графики функций для решения уравнений.

Строить и читать графики линейной функции, квадратичной функции, степенной функции с целым показателем.

Использовать графики функций для исследования процессов и зависимостей при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни; выразить формулами зависимости между величинами.

### **Начала математического анализа**

Оперировать понятиями: последовательность, арифметическая и геометрическая прогрессии.

Оперировать понятиями: бесконечно убывающая геометрическая прогрессия, сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии.

Задавать последовательности различными способами.

Использовать свойства последовательностей и прогрессий для решения реальных задач прикладного характера.

### **Множества и логика**

Оперировать понятиями: множество, операции над множествами.

Использовать теоретико-множественный аппарат для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов.

Оперировать понятиями: определение, теорема, следствие, доказательство.

## **11 КЛАСС**

### **Числа и вычисления**

Оперировать понятием: степень с рациональным показателем.

Оперировать понятиями: логарифм числа, десятичные и натуральные логарифмы.

### **Уравнения и неравенства**

Применять свойства степени для преобразования выражений; оперировать понятиями: показательное уравнение и неравенство; решать основные типы показательных уравнений и неравенств.

Выполнять преобразования выражений, содержащих логарифмы; оперировать понятиями: логарифмическое уравнение и неравенство; решать основные типы логарифмических уравнений и неравенств.

Находить решения простейших тригонометрических неравенств.

### **Функции и графики**

Оперировать понятиями: периодическая функция, промежутки монотонности функции, точки экстремума функции, наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке; использовать их для исследования функции, заданной графиком.

Оперировать понятиями: графики показательной, логарифмической и тригонометрических функций; изображать их на координатной плоскости.

### **Начала математического анализа**

Оперировать понятиями: непрерывная функция; производная функции; использовать геометрический и физический смысл производной для решения задач.

Находить производные элементарных функций, вычислять производные суммы, произведения, частного функций.

Использовать производную для исследования функции на монотонность и экстремумы, применять результаты исследования к построению графиков.

Использовать производную для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах.

Решать прикладные задачи, в том числе социально-экономического и физического характера, средствами математического анализа.

## **12 КЛАСС**

### **Числа и вычисления**

Оперировать понятиями: натуральное, целое число; использовать признаки делимости целых чисел, разложение числа на простые множители для решения задач.

### **Уравнения и неравенства**

Оперировать понятиями: система линейных уравнений и её решение; использовать систему линейных уравнений для решения практических задач.

Находить решения простейших систем и совокупностей рациональных уравнений и неравенств.

Моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства и системы по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры.

### **Функции и графики**

Оперировать понятиями: графики показательной, логарифмической и тригонометрических функций; использовать их для решения уравнений и неравенств.

Изображать на координатной плоскости графики линейных уравнений и использовать их для решения системы линейных уравнений.

Использовать графики функций для исследования процессов и зависимостей из других учебных дисциплин.

### **Начала математического анализа**

Оперировать понятиями: первообразная и интеграл; понимать геометрический и физический смысл интеграла.

Находить первообразные элементарных функций; вычислять интеграл по формуле Ньютона–Лейбница.

## **ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ**

### **10 КЛАСС**

| №<br>п/<br>п | Наименование разделов и тем программы   | Количество часов |                    |                     | Электронные (цифровые) образовательные ресурсы |
|--------------|---|------------------|--------------------|---------------------|--|
|              |   | Всего            | Контрольные работы | Практические работы |  |
| 1            | Множества рациональных и действительных чисел. Рациональные уравнения и неравенства | 14               | 1                  |                     |  |
| 2            | Функции и графики. Степень с целым показателем                                      | 6                |                    |                     |  |
| 3            | Арифметический корень $n$ -ой степени. Иррациональные уравнения и неравенства       | 18               | 1                  |                     |  |
| 4            | Формулы тригонометрии. Тригонометрические уравнения                                 | 22               |                    |                     |  |
| 5            | Последовательности и прогрессии   | 5                |                    |                     |  |
| 6            | Повторение, обобщение,  | 3                | 1                  |                     |  |

|  |  |    |   |   |  |
|--|--|----|---|---|--|
|  | систематизация знаний                          |    |   |   |  |
|  | <b>ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ<br/>ПО ПРОГРАММЕ</b> | 68 | 3 | 0 |  |

**11 КЛАСС**

| №<br>п/<br>п                               | Наименование разделов и тем программы  | Количество часов |                    |                     | Электронные (цифровые) образовательные ресурсы |
|--|--|------------------|--------------------|---------------------|--|
|  |  | Всего            | Контрольные работы | Практические работы |  |
| 1  | Степень с рациональным показателем. Показательная функция. Показательные уравнения и неравенства | 12               |                    |                     |  |
| 2  | Логарифмическая функция. Логарифмические уравнения и неравенства                                 | 12               |                    |                     |  |
| 3  | Тригонометрические функции и их графики. Тригонометрические неравенства                          | 10               | 1                  |                     |  |
| 4  | Производная. Применение производной  | 30               |                    |                     |  |
| 5  | Повторение, обобщение, систематизация знаний   | 4                |                    |                     |  |
| <b>ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ</b> |  | <b>68</b>        | <b>2</b>           | <b>0</b>            |  |

**12 КЛАСС**

| №<br>п/<br>п                               | Наименование разделов и тем программы        | Количество часов |                    |                     | Электронные (цифровые) образовательные ресурсы |
|--|--|------------------|--------------------|---------------------|--|
|  |  | Всего            | Контрольные работы | Практические работы |  |
| 1  | Интеграл и его применения                    | 12               |                    |                     |  |
| 2  | Системы уравнений                            | 16               | 1                  |                     |  |
| 3  | Натуральные и целые числа                    | 8                |                    |                     |  |
| 4  | Повторение, обобщение, систематизация знаний | 32               | 2                  |                     |  |
| <b>ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ</b> |  | <b>68</b>        | <b>3</b>           | <b>0</b>            |  |



# ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

## 10 КЛАСС

| № п/п | Тема урока   | Количество часов |
|-------|--|------------------|
| 1     | Множество, операции над множествами. Диаграммы Эйлера—Венна  | 1                |
| 2     | Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби                   | 1                |
| 3     | Арифметические операции с рациональными числами, преобразования числовых выражений                               | 1                |
| 4     | Применение дробей и процентов для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни         | 2                |
| 5     | Действительные числа. Рациональные и иррациональные числа  | 1                |
| 6     | Арифметические операции с действительными числами  | 1                |
| 7     | Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений                             | 1                |
| 8     | Тождества и тождественные преобразования   | 1                |
| 9     | Уравнение, корень уравнения  | 1                |
| 10    | Неравенство, решение неравенства   | 1                |
| 11    | Метод интервалов   | 1                |
| 12    | Решение целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств   | 1                |
| 13    | Стартовая диагностическая работа   | 1                |
| 14    | Функция, способы задания функции. Взаимно обратные функции   | 1                |
| 15    | График функции. Область определения и множество значений функции. Нули функции. Промежутки знакопостоянства      | 1                |
| 16    | Чётные и нечётные функции  | 1                |
| 17    | Степень с целым показателем. Стандартная форма записи действительного числа                                      | 1                |
| 18    | Использование подходящей формы записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных | 1                |
| 19    | Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график  | 1                |

|                                     |   |    |
|-------------------------------------|---|----|
| 20                                  | Арифметический корень натуральной степени   | 2  |
| 21                                  | Свойства арифметического корня натуральной степени  | 3  |
| 22                                  | Действия с арифметическими корнями $n$ -ой степени  | 5  |
| 23                                  | Решение иррациональных уравнений и неравенств   | 5  |
| 24                                  | Свойства и график корня $n$ -ой степени   | 2  |
| 25                                  | Контрольная работа по теме "Арифметический корень $n$ -ой степени. Иррациональные уравнения и неравенства"            | 1  |
| 26                                  | Синус, косинус и тангенс числового аргумента  | 2  |
| 27                                  | Арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента   | 2  |
| 28                                  | Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента                             | 2  |
| 29                                  | Основные тригонометрические формулы   | 4  |
| 30                                  | Преобразование тригонометрических выражений   | 5  |
| 31                                  | Решение тригонометрических уравнений  | 7  |
| 32                                  | Последовательности, способы задания последовательностей. Монотонные последовательности                                | 1  |
| 33                                  | Арифметическая и геометрическая прогрессии. Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера | 1  |
| 34                                  | Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия. Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии                  | 1  |
| 35                                  | Формула сложных процентов   | 2  |
| 36                                  | Обобщение, систематизация знаний за курс алгебры и начал математического анализа 10 класса                            | 2  |
| 37                                  | Контрольная работа по теме "Формулы тригонометрии. Тригонометрические уравнения. Последовательности и прогрессии "    | 1  |
| ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ |   | 68 |

## 11 КЛАСС

| № п/п | Тема урока  | Количество часов |
|-------|---|------------------|
| 1     | Степень с рациональным показателем                        | 1                |
| 2     | Свойства степени  | 1                |
| 3     | Преобразование выражений, содержащих рациональные степени | 3                |
| 4     | Показательные уравнения и неравенства                     | 5                |

|                                     |  |    |
|-------------------------------------|--|----|
| 5                                   | Показательная функция, её свойства и график  | 1  |
| 6                                   | Показательная функция. Проверочная работа  | 1  |
| 7                                   | Логарифм числа   | 1  |
| 8                                   | Десятичные и натуральные логарифмы   | 1  |
| 9                                   | Преобразование выражений, содержащих логарифмы   | 4  |
| 10                                  | Логарифмические уравнения и неравенства  | 4  |
| 11                                  | Логарифмическая функция, её свойства и график  | 1  |
| 12                                  | Логарифмическая функция. Проверочная работа  | 1  |
| 13                                  | Тригонометрические функции, их свойства и графики  | 4  |
| 14                                  | Примеры тригонометрических неравенств  | 5  |
| 15                                  | Контрольная работа по теме "Показательная и логарифмическая функции. Показательные и логарифмические уравнения и неравенства. Тригонометрические функции и их графики. Тригонометрические неравенства" | 1  |
| 16                                  | Непрерывные функции  | 1  |
| 17                                  | Метод интервалов для решения неравенств  | 2  |
| 18                                  | Производная функции  | 2  |
| 19                                  | Геометрический и физический смысл производной  | 2  |
| 20                                  | Производные элементарных функций   | 2  |
| 21                                  | Производные элементарных функций. Проверочная работа   | 1  |
| 22                                  | Производная суммы, произведения, частного функций  | 4  |
| 23                                  | Производная суммы, произведения, частного функций. Проверочная работа  | 1  |
| 24                                  | Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы   | 6  |
| 25                                  | Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке   | 5  |
| 26                                  | Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах, для определения скорости процесса, заданного формулой или графиком  | 3  |
| 27                                  | Контрольная работа по теме "Производная. Применение производной"   | 1  |
| 28                                  | Обобщение, систематизация знаний за курс алгебры и начал математического анализа 11 класса   | 4  |
| ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ |  | 68 |

## 12 КЛАСС

| № п/п | Тема урока  | Количество часов |
|-------|---|------------------|
| 1     | Первообразная. Таблица первообразных  | 3                |
| 2     | Интеграл, геометрический и физический смысл интеграла   | 4                |
| 3     | Вычисление интеграла по формуле Ньютона—Лейбница  | 4                |
| 4     | Проверочная работа по теме «Интеграл и его применения»  | 1                |
| 5     | Повторение. Решение целых и дробно-рациональных уравнений   | 1                |
| 6     | Повторение. Решение иррациональных уравнений  | 1                |
| 7     | Повторение. Показательные уравнения и неравенства   | 1                |
| 8     | Повторение. Логарифмические уравнения и неравенства   | 1                |
| 9     | Системы линейных уравнений  | 3                |
| 10    | Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений   | 3                |
| 11    | Системы и совокупности целых, рациональных, иррациональных, показательных, логарифмических уравнений и неравенств             | 5                |
| 12    | Использование графиков функций для решения уравнений и систем   | 2                |
| 13    | Применение уравнений, систем и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни | 2                |
| 14    | Контрольная работа по теме "Интеграл и его применения. Системы уравнений"   | 1                |
| 15    | Натуральные и целые числа в задачах из реальной жизни   | 4                |
| 16    | Признаки делимости целых чисел  | 3                |
| 17    | Признаки делимости целых чисел. Проверочная работа  | 1                |
| 18    | Повторение, обобщение, систематизация знаний. Натуральные и целые числа. Множества рациональных и действительных чисел        | 1                |
| 19    | Повторение, обобщение, систематизация знаний. Степень с целым показателем. Степень с рациональным показателем                 | 2                |
| 20    | Повторение, обобщение, систематизация знаний. Арифметический корень $n$ -ой степени   | 2                |
| 21    | Повторение, обобщение, систематизация знаний. Формулы тригонометрии   | 2                |
| 22    | Повторение, обобщение, систематизация знаний. Показательная функция   | 1                |

|                                     |   |    |
|-------------------------------------|---|----|
| 23                                  | Повторение, обобщение, систематизация знаний.<br>Логарифмическая функция                    | 1  |
| 24                                  | Повторение, обобщение, систематизация знаний.<br>Тригонометрические функции и их графики    | 1  |
| 25                                  | Повторение, обобщение, систематизация знаний.<br>Рациональные уравнения и неравенства       | 2  |
| 26                                  | Повторение, обобщение, систематизация знаний.<br>Иррациональные уравнения и неравенства     | 2  |
| 27                                  | Повторение, обобщение, систематизация знаний.<br>Показательные уравнения и неравенства      | 2  |
| 28                                  | Повторение, обобщение, систематизация знаний.<br>Логарифмические уравнения и неравенства    | 2  |
| 29                                  | Повторение, обобщение, систематизация знаний.<br>Тригонометрические уравнения и неравенства | 2  |
| 30                                  | Повторение, обобщение, систематизация знаний.<br>Последовательности и прогрессии            | 1  |
| 31                                  | Повторение, обобщение, систематизация знаний.<br>Производная. Применение производной        | 2  |
| 32                                  | Повторение, обобщение, систематизация знаний. Интеграл и его применения                     | 1  |
| 33                                  | Повторение, обобщение, систематизация знаний. Системы уравнений                             | 2  |
| 34                                  | Итоговая контрольная работа   | 2  |
| ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ |   | 68 |

